

# WSPÓŁCZYNNIK PARCIA SPOCZYNKOWEGO GRUNTU PRZY WARSTWOWYM ZAGĘSZCZENIU ZASYPKI

Bogdan Rymsza

Politechnika Warszawska, Warszawa

**Streszczenie.** Uwzględniając wskazania Eurocodu EC 7-1, dotyczące projektowania konstrukcji oporowych z zagęszczaną zasypką, w referacie omówiono metodę określania współczynnika parcia spoczynkowego ( $K_0$ ). Szczegółowo zanalizowano parcie gruntu na pionową sztywną ścianę ( $\rho = 0$ ), jakie jest wzbudzane przez przesuwającą się maszynę przy warstwowym zagęszczaniu zasypki. W analizie przyjęto histeretyczny model gruntu (HSM), określający zmienność współczynnika  $K_0 = \sigma'_h : \sigma'_\nu$  dla gruntów normalnie skonsolidowanych (NC) i prekonsolidowanch (OC), wyznaczając 3 strefy parcia (rys. 5):  $H_{\rm I}$  – strefę odporową dla zasypki prekonsolidowanej mechanicznie (OC), gdzie współczynnik parcia  $K_{\rm I} = K_{0,{\rm OC}} \approx 1$ ;  $H_{\rm II}$  – strefę przejściową przy rezydualnym współczynniku parcia  $K_{\rm II} = K_{0,{\rm OC}} < K_{\rm I}$ ;  $H_{\rm III}$  – strefę zasypki normalnie skonsolidowanej (NC), gdzie  $K_{\rm III} = K_{0,{\rm NC}}$ . Dodatkowe "wzbudzone" parcie gruntu należy uwzględniać również w przypadku obsypywanych ścianek płytowo-kątowych (w analizie wytrzymałościowej STR wspornika). W części wnioskowej zwrócono uwagę na zależność parcia gruntu od uwarunkowań technologicznych: rodzaju gruntu, grubości warstw, sposobu ich zagęszczania i wysokości ściany oporowej.

**Słowa kluczowe:** parcie gruntu w spokoju, prekonsolidacja mechaniczna, współczynnik parcia gruntu, ściana oporowa, zagęszczanie zasypki, wzbudzane naprężenia poziome

# WSTĘP

#### Współzależność parcia gruntu i przemieszczeń konstrukcji oporowej

Parcie gruntu w spokoju ( $E_0$ ) – skrótowo nazywane parciem spoczynkowym – występuje przy sztywnej i nieulegającej przemieszczeniom konstrukcji ( $\rho = 0$ , rys. 1). Ten stan obciążenia zakłada się w przypadku podziemnych ścian zewnętrznych budynku, obsypywanych tuneli czy też monolitycznych murów oporowych posadowionych na podłożu skalistym lub na palach. Według Eurokodu 7 parcie spoczynkowe należy przyjmować,

Adres do korespondencji – Corresponding author: Bogdan Rymsza, Politechnika Warszawska, Wydział Inżynierii Lądowej, Instytut Dróg i Mostów, al. Armii Ludowej 16, 00-637 Warszawa, e-mail: bogdan.rymsza@wp.pl

B. Rymsza



Rys. 1. Współzależność parcia gruntu i przemieszczeń konstrukcji: a – zmienność parcia gruntu (1 – zależność rzeczywista, 2 – model sztywno-plastyczny), b – rozkład parcia gruntu i schemat przemieszczenia ściany [Terzaghi 1934] (1 – parcie spoczynkowe przy  $\rho = 0$  i  $\eta_0 = h_E : H, 2$  – rozkład porównawczy przy współczynniku  $K_0$ , 3 – parcie czynne)

Fig. 1. Interdependence between earth pressure and displacements of the retaining wall: a – variability of earth pressure (1 – real dependence, 2 – rigid-plastic soil model), b – unit pressure distribution and the model wall [Terzaghi 1934] (1 – earth pressure at rest for  $\rho = 0$  and  $\eta_0 = h_E : H, 2$  – comparative linear distribution, 3 – active earth pressure)

gdy przewiduje się przemieszczenia ściany oporowej  $\rho < \rho_0 - EC = 5 \cdot 10^{-4} \cdot H$  [PN-EN 1997-1:2008]; wskazanie to dotyczy gruntów normalnie skonsolidowanych. Proste konstrukcje oporowe o stosunkowo dużej podatności, zarówno tymczasowe (np. ścianki szczelne przy wykopach), jak i stałe (np. prefabrykowane ściany żelbetowe podtrzymujące naziom nasypowy), są z reguły wymiarowane na graniczne parcia gruntu: czynne  $(E_a) - działające w strefie naporu, oraz bierne <math>(E_p) - mobilizowane w strefie odporowej.$ 

W artykule wykazuje się, że w przypadku prefabrykowanych ścianek kątowych założenie to może prowadzić do błędów na "niekorzyść bezpieczeństwa".

Wysokie konstrukcje oporowe, zwłaszcza w terenie zabudowanym, gdy istotne są uwarunkowania użytkowe (np. ściany szczelinowe przy głębokich wykopach, mury przy trasach komunikacyjnych), są projektowane na parcia pośrednie [PN 83/B-03010, Rym-sza 1997, 2008, PN-EN 1997-1:2008] (rys. 2):

 $E_{aI} < E_{I}(H_{I}, \rho) < E_{oI}$  – napór górnego naziomu gruntowego o wysokości  $H = H_{I}$ ,

 $E_{oII} < E_{II}(H_{II}, \rho) < E_{pII}$  – odpór gruntu w strefie obsypki fundamentu  $H = H_{II}$ .

Zwraca się uwagę, że siły graniczne  $E_a$ ,  $E_p$ ,  $T_{max} = T_f$ , według których określa się stopień bezpieczeństwa konstrukcji (np. na możliwość przesuwu  $SF_{\Delta} = (\lambda E_p + T_f) : E_a$ , gdzie: SF - Safety Factor,  $0 < \lambda < 1 -$ współczynnik urealniający wartość mobilizowanego odporu) lub gdy sprawdza się normowe/eurokodowe warunki stateczności  $V_{dst,d} \le R_{stb,d}$ , uwzględniając obliczeniowe wartości parametrów oraz sił czynnych i oporowych [PN--EN 1997-1:2008]), nie mogą być podstawą do wyznaczania naprężeń pod fundamentem. Do obliczenia tych naprężeń, a zatem i przewidywanych przemieszczeń muru: osiadania  $s = s_0$ , przemieszczenia kątowego  $\theta = (S_A - S_B) : B$  i poziomego odkształcenia podłoża  $\Delta = f[\tau(T), B, G...]$ , niezbędna jest znajomość sił działających w stanie równowagi

86



Rys. 2. Układ obciążeń: a – umowny stan początkowy ( $\rho = 0, X = E_{0I} - E_{0II} > 0$ ), b – stan użytkowy ( $X = 0, \rho = \Delta s, E_I = E_{II} + T, 0 < T(\Delta_S) \le T_f$  [Rymsza 1997, 2008]

Fig. 2. Loading schemes: a – initial at rest forces ( $\rho = 0$ ,  $\dot{X} = E_{0I} - E_{0II} > 0$ ), b – serviceability state (X = 0,  $\rho = \Delta s$ ,  $E_I = E_{II} + T$ ,  $0 < T(\Delta_S) \le T_f$  [Rymsza 1997; 2008]

(rys. 2b). Jeżeli niezbędne jest dokładne prognozowanie stanu obciążenia i przemieszczenia konstrukcji w fazie użytkowania, to siły te wyznacza się, uwzględniając współzależność parcia gruntu i przemieszczeń ściany (rys. 1a, linia 1), gdzie przykładowy model interakcyjny, opracowany przy założeniu  $S_A \approx S_B$ ,  $\theta \approx 0$ ,  $\Delta > 0$ , jest przedstawiony we wcześniejszych pracach autora [Rymsza 1997, 2008]. Poprawność tych obliczeń jest w dużym stopniu determinowana dokładnością określenia parcia gruntu w spokoju. Wartości  $E_{0I}$ ,  $E_{0II}$  (wyjściowy stan obciążenia w modelu interakcyjnym – rys. 2a) stanowią bowiem "wielkości bazowe" przy wyznaczaniu sił  $E_{I}(\rho)$ ,  $E_{II}(\rho)$  i oporu  $T(\Delta)$ , jakie występują w stanie równowagi statycznej. Siły te (parcie pośrednie  $E_{I}$ , odpór pośredni  $E_{II}$  i opór tarcia/ścinania rozwijany pod fundamentem  $0 < T(\Delta) < T_f = G \cdot tg\phi + c^*B)$  oraz odpowiadające im przemieszczenia  $\rho_S(s, \Delta, \theta)$ , wyznaczone współzależnie (metodą interakcyjną), określają warunki użytkowania obiektu (rys. 2b).

# WSKAZANIA DOTYCZĄCE WYZNACZANIA PARCIA GRUNTU

Wzory podawane w literaturze i normach w większości dotyczą granicznych wartości parcia  $E_a$  i  $E_p$ , które mają jednoznaczną interpretację w teoriach Coulomba i Rankinea. W teoriach tych, mimo wielu ich odmienności, wspólnym założeniem jest sztywnoplastyczny model gruntu; tym samym stan parcia spoczynkowego jest tu nieokreślony (rys. 1a, linia 2). Wskazania dotyczące parcia gruntu w spokoju są więc znacznie uboższe i w większości opierają się na ustaleniach empirycznych. Ze względu na odmienne "podejścia" badawcze wskazania te są często rozbieżne, nawet w ujęciu jakościowym. Rozbieżności najczęściej wynikają z niewłaściwego uogólniania współczynnika parcia spoczynkowego ( $K_0$ ), przy którym stan naprężeń *in situ* utożsamia się ze stanem parcia

spoczynkowego na konstrukcję oporową. Z tych względów w normie PN-B/83-03010 wprowadzono uściślenia, różnicując współczynniki ( $K_0$ ) w odniesieniu do gruntów rodzimych i do gruntów zasypowych [tamże, wzory (12) i (13)]. W projektowaniu konstrukcji z zagęszczoną zasypką pewne trudności może też sprawiać właściwe oszacowanie współczynników technologicznych, występujących w normowym wzorze (13). Już wkrótce trudności te mogą być większe ze względu na wymagania Eurokodu EC 7-1 [PN-EN 1997-1:2008]. Podane tam zalecenia dotyczące projektowania tego rodzaju konstrukcji [p. 9.5.5] obligują m.in. do określania:

- dodatkowego parcia gruntu, powstającego przy warstwowym zagęszczeniu zasypki,
- strefy nadciśnienia wytworzonego w górnej części ściany przy przejeździe maszyny,
- odpowiedniej technologii układania i zagęszczania zasypki, zapewniającej minimalizowanie dodatkowego parcia i fazowych odkształceń ściany.

Zalecenia te mogą być niejasne, zwłaszcza że do przyjętej w normach europejskich "filozofii" – odmiennej niż w dotychczasowych normach krajowych – w Eurokodzie drobiazgowo określa się zakres wymaganych analiz projektowych, często w ogóle nie podając żadnych wskazań obliczeniowych. Przykładowo – przy projektowaniu konstrukcji oporowych (EC 7-1 – rozdz. 9), analizując oddziaływania i sytuacje obliczeniowe, należy określić:

- "Wartość obliczeniową ciężaru objętościowego wody, uwzględniając, czy woda jest słodka, czy słona" [p. 9.3.1.4]. Tu uwaga autora: jaki sens ma "aptekarskie" oznaczanie ciężaru objętościowego wody (wpływ "kwadry księżyca" na wahania parcia wody może być większy), gdy siły parcia i odporu odpowiadające kolejnym modyfikacjom wzorów (C.1) i (C.2), 3-krotnie zmienianych w załączniku "C" – różnią się w zakresie liczbowym ±15% (parcie czynne) i ±30% (parcie bierne),
- "Wpływ wyjątkowych zmian temperatury w czasie i przestrzeni" [p. 9.3.1.6]. Tu niejasność: czy należy uwzględniać wpływ "ocieplenia klimatycznego", czy też na przykład "uderzenie fali termicznej"?
- "Wpływ zagęszczania zasypki za konstrukcją oporową" [p. 9.3.3]. Żadnych wskazań, jak uwzględniać ten wpływ, nie podano (w tej kwestii jest wiele pytań przekazywanych z różnych biur projektowych).

To ostatnie zagadnienie (określanie parcia gruntu przy warstwowym zagęszczaniu zasypki) omawiano już w pracach autora [Rymsza 1997, 2004]), a analiza wytrzymałościowa "STR" wspornikowej ścianki kątowej przejmującej parcie zagęszczanej zasypki, jest przedmiotem dalszej części artykułu.

# PARCIE GRUNTU W SPOKOJU

# Zróżnicowanie współczynnika parcia spoczynkowego

Wartość współczynnika  $K_0$  na ogół określa się na podstawie zależności korelacyjnych, przy czym najczęściej stosowany jest wzór Jáky'ego podany dla gruntów niespoistych:

 $K_0 = 1 - \sin \varphi$ 

(1)

gdzie:  $\varphi$  – kąt tarcia wewnętrznego gruntu (przy uogólnieniu  $\varphi = \varphi$ ').

Współczynnik parcia spoczynkowego gruntu...

W przypadku oznaczeń bezpośrednich przeprowadza się badania polowe (sondowania MPM/PMT, DMT, CPTU, SBPT [PN-EN 1997-2:2008]) bądź też badania laboratoryjne (pomiary wytężenia próbek gruntu w pierścieniach edometrycznych lub w zmodyfikowanych aparatach trójosiowych [Ingold 1979, Mayne i Kulhawy 1982]). Współczynnik parcia gruntu w spokoju określa się wówczas stosunkiem efektywnych naprężeń poziomych do pionowych:

$$K_0 = \sigma'_h / \sigma'_v \tag{2}$$

gdzie kryterium definicyjne stanu parcia spoczynkowego stanowi warunek  $\varepsilon_h = 0$ .

W przypadku gruntów normalnie skonsolidowanych (NC) oszacowania  $K_{01}(1)$ i  $K_{02}(2)$  są zbliżone. W gruntach prekonsolidowanych (OC) badanych *in situ* otrzymuje się natomiast wartości  $K_{02} = K_{0,\text{OC}} > K_{01} = K_{0,\text{NC}}$ . Zróżnicowania te wyjaśnia szkic poglądowy (rys. 3), ilustrujący zmienność stanu naprężenia w gruncie w warunkach *in situ* [Mayne i Kulhawy 1982], przy uściśleniach modelowych HSM [Seed i Duncan 1986]. W modelu gruntu HSM (*Hysteretic Stress Model*), zakładając jednoosiowy stan odkształcenia przy  $\varepsilon_v(\Delta q_v) > 0$ ,  $\varepsilon_h = \varepsilon_{x,y} = 0$ , uwzględnia się cechy histeretyczne gruntu: relaksację i zdolność do "zapamiętywania" naprężeń. Zależność  $\sigma'_h = F(\sigma'_v)$  odwzorowują tu linie:

a) przy pierwotnym obciążeniu gruntu, ścieżka  $K_{0,NC}$  (odcinek 0-A),

- b) przy odprężeniu, zależnie od stopnia odciążenia:
  - ścieżka  $K_{0,OC}$ , przy  $K_{0,NC} < K_{0,OC} < K_P$  (relaksacja quasi-sprężysta, linia A-B-C),
  - ścieżka K<sub>P</sub>, określająca stan parcia biernego (relaksacja plastyczna, odcinek C-D),
- c) przy ponownym obciążeniu, zależnie od stopnia prekonsolidacji i zakresu wtórnych naprężeń pionowych:
  - ścieżka  $\overline{K}_{0,\text{OC}}$ , przy  $K_{0,\text{NC}} \leq \overline{K}_{0,\text{OC}} < K_{0,\text{OC}}$  (odcinki D-E; E<sub>1</sub>, B-F; F<sub>1</sub>),
  - ścieżka K<sub>0,NC</sub>, przy przekroczeniu histeretycznych naprężeń pierwotnej prekonsolidacji (odcinek E<sub>1</sub>; F<sub>1</sub>-A<sub>1</sub>).



- Rys. 3. Zmienność naprężeń w gruncie według modelu HSM [Seed i Duncan 1986]; opis uproszczony [Rymsza 1997]
- Fig. 3. Variability of stress state according to the HSM model [Seed and Duncan 1986]; simplified scheme [Rymsza 1997]

Współczynnik parcia spoczynkowego gruntów prekonsolidowanych (a zarazem opis analityczny krzywej A-B-C) określa wzór Schmidta [Mayne i Kulhawy 1982]:

$$K_{0,\text{OC}} = (1 - \sin\varphi')OCR^{\sin\varphi'} \tag{3}$$

gdzie:  $\varphi'$  – efektywny kąt tarcia wewnętrznego gruntu,

 $OCR = \sigma'_{vp}$  :  $\sigma'_{vo}$  – wskaźnik prekonsolidacji, wyrażający stosunek efektywnych naprężeń pionowych w fazie przeciążenia gruntu lodowcem ( $\sigma'_{vp} = \sigma'_{v0} + q_1$ ) do występujących obecnie naprężeń pierwotnych  $\sigma'_{v0}$ .

Przy określeniu współczynnika parcia  $K_0$  (2), zakładając jednorodność gruntu i brak obciążenia naziomu (q = 0), otrzymuje się trójkątny rozkład jednostkowego parcia spoczynkowego  $e_0 = \gamma h K_0$  (rys. 1b, linia 2). Z badań parcia gruntu przeprowadzonych na modelach wielkowymiarowywch [Terzaghi 1934] wynika, że rozkład parcia spoczynkowego gruntu może być krzywoliniowy (rys. 1b, linia 1). Krzywoliniowość ta jest wyraźnie uchwytna przy dużym zagęszczeniu zasypki, co badacz ten tłumaczył przesklepieniami, jakie przypuszczalnie tworzą się przy dolnej krawędzi ścianki. Ponieważ pomiary parcia były prowadzone przy różnych wysokościach naziomu, więc przy interpretacji wyników wyznaczał on współczynnik porównawczy:

$$K_0 = \frac{E_0}{0.5\gamma H^2}$$
(4)

gdzie:  $E_0$  – parcie spoczynkowe (wartość pomiarowa przy przemieszczeniu ściany  $\rho = 0$ ),

 $\gamma$  – ciężar objętościowy gruntu,

H – wysokość ścianki oporowej w strefie parcia.

Według K. Terzagiego współczynnik parcia spoczynkowego  $K_0$  (4) zwiększa się wraz ze zwiększeniem stopnia zagęszczenia zasypki ( $I_D$ ), co – uwzględniając zależność rosnącą  $\Phi(I_D)$  – jest jakościowo rozbieżne ze wskazaniami wynikającymi ze wzoru korelacyjnego (1). Badania przeprowadzone przez K. Terzagiego były później wielokrotnie weryfikowane w skali modelowej i półtechnicznej. Na rysunku 4 przedstawiono przykładowe wyniki badań modelowych przeprowadzonych przez autora [Rymsza 1997]. W badaniach tych analizowano m.in. wyjściowe parcie gruntu działające na sztywną ściankę oporową ( $\Delta_A \approx \Delta_B \approx 0$ ). Zwraca się tu uwagę na stosunkowo niewielki wzrost parcia gruntu w wyniku nadkładu (por. linie I, II, gdzie II – po ułożeniu warstw 7 i 8), znacząco zwiększony po zagęszczeniu górnych warstw zasypki (linia III – po strefowym ubijaniu warunkującym  $I_D = 0,8$ ).

Zestawienie porównawcze wyników badań, prowadzonych przy różnych gruntach i różnym zagęszczeniu zasypki, wskazuje na trzy prawidłowości:

- współczynnik parcia spoczynkowego jest funkcją rosnącą  $K_0(I_D)$ ;  $K_0(I_S)$ ,
- krzywoliniowość rozkładu parcia i odpowiadający współczynnik położenia wypadkowej η<sub>0</sub> = h<sub>E</sub> : H (rys. 1b) są tym większe, im większe jest zagęszczenie zasypki gruntu, a mniejsza wysokość ściany,
- przy gruntach w stanie luźnym rozkład parcia jest liniowy przy współczynniku  $K_0 \approx K_{0,\text{NC}}$ .



Rys. 4. Fazowe zmiany parcia spoczynkowego gruntu przy warstwowym zagęszczeniu zasypki [Rymsza 1997]

Fig. 4. Earth pressure at rest in successive backfilling stages [Rymsza 1997]

W celu wyjaśnienia tych prawidłowości, a zarazem zaleceń podawanych w Eurokodzie EC 7-1 [PN-EN 1997-1:2008, p. 9.5.5], przedstawiono algorytm ideowy zwiększania parcia gruntu i jego redystrybucji w kolejnych fazach układania zasypki. W analizie przyjęto histeretyczny model gruntu HSM (rys. 3), uwzględniając ogólne wskazania interpretacyjne [Seed i Duncan 1986] i wprowadzając korektę urealniającą układ ścieżki naprężeń w końcowej fazie odciążenia (rys. 3 – linia G-H-O,  $K_{0,OC}(\sigma_v \rightarrow 0) \approx 1$ ) [Rymsza 1997].

#### Założenia algorytmu

1. We wszystkich fazach nadbudowy naziomu, określanych wysokością obsypki  $0 < z \le H$ , gdzie H – wysokość projektowana, ściana oporowa jest sztywna i nie ulega przemieszczeniu ( $\rho = 0$ ).

2. Warstwowe zagęszczanie gruntu przeprowadza się w powtarzalnych cyklach technologicznych ( $\Delta H_i = \text{const}$ , q = const), uzyskując w stanie końcowym jednorodność gruntu (stałe parametry  $\gamma$ ,  $\Phi$ , c - gdzie, rozpatrując grunt niespoisty, c = 0).

91

3. Przy określeniu naprężeń pionowych  $\sigma_v(q)$  i poziomych  $\sigma_h(q)$ , spowodowanych przesuwającym się obciążeniem q, mają zastosowanie wzory wynikające z teorii Boussinesqa, przy czym w płaszczyźnie ściany pomija się naprężenia styczne.

4. Przyrosty naprężeń  $\Delta \sigma_{\nu}(q) = \Delta \nu i \Delta \sigma_h(q) = \Delta_h$  traktuje się jako prekonsolidację mechaniczną, przyjmując, że po wycofaniu maszyny zagęszczającej następuje pełne odprężenie pionowe  $\overline{\Delta}_{\nu} = \Delta_{\nu}$  i częściowa relaksacja naprężeń poziomych  $0 < \overline{\Delta}_h < \Delta_h$ .

5. W dowolnej fazie technologicznej naprężenia całkowite przekazane na masę gruntową są równe naprężeniom efektywnym przejmowanym przez szkielet (przy  $\sigma_{v,h} = \sigma'_{v,h}$  i  $u = \sigma - \sigma' - c$ iśnienie porowe u = 0).

W nawiązaniu do założeń 2. i 5. nadmienia się, że obsypki konstrukcji oporowych najczęściej wykonuje się z gruntów niespoistych (c = 0). W gruntach tych, nawet przy wilgotności  $w \approx w_{opt}$  i obciążeniach dynamicznych, wzbudzane ciśnienie porowe jest pomijalnie małe, co uzasadnia przyjęcie w dalszej analizie  $\sigma = \sigma'$ .

Uwzględniając, że algorytm ideowy wzbudzania parcia gruntu przy zagęszczaniu zasypki był przedstawiony dokładnie we wcześniejszych pracach autora [Rymsza 1997, 2004], w niniejszym artykule podaje się jedynie główne stwierdzenia i zależności.

# Wartość i rozkład parcia gruntu przy warstwowym zagęszczaniu zasypki

Jednostkowy nacisk przekazywany na ścianę  $e = \sigma_h(\gamma) + \sigma_h(q, x)$  jest efektem działania sił masowych nadkładu  $e_{\gamma} = \sigma_h(\gamma)$  i naprężeń poziomych  $e_q = \sigma_h(q, x)$ , spowodowanych obciążeniem komprymacyjnym (q) przesuwającym się po naziomie (zmienna  $0 < X \le X_{\text{max}}$ ). Jakkolwiek naprężenia  $e_{\text{max}}(\gamma, q, x)$  ulegają częściowej relaksacji, są one w dużym stopniu "zapamiętywane", zmieniając ścieżkę naprężenia  $K = \Delta_h : \Delta_\nu$  w kolejnym cyklu obciążenia. W ogólnym przypadku można wydzielić trzy strefy parcia.

**Strefa I** (rys. 5a-I). Przy przesuwającym się obciążeniu *q* w poszczególnych punktach ściany, określanych głębokością *z<sub>i</sub>* (*i* = 1, 2,...), są wzbudzane naprężenia poziome  $\sigma_h(\gamma, z_i, q, x)$ , których rozkład – rozpatrując każdorazowo położenie *x<sub>i</sub>* determinujące [ $\sigma_{hi}$  (q, *z<sub>i</sub>*, *x<sub>i</sub>*)]max – obrazują linie "1 – *i*". Obwiednią rodziny krzywych "1 – *i*" jest linia "2". Przy obciążeniu naziomu (po wyjeździe maszyny zagęszczającej) następuje pełne odprężenie pionowe  $\overline{\Delta}_{\nu} = \Delta_{\nu}(q)$ , warunkujące stan naprężenia  $\sigma_{\nu i} = \sigma_{\nu}(\gamma, q) - \overline{\Delta}_{\nu} = \lambda z$ , oraz częściowa dekompresja boczna  $0 < \overline{\Delta}_h < \Delta_h(q)$ , przy której naprężenia poziome zmniejszają się do wartości:

$$e_{\rm I} = \sigma_{hr} - \Delta h - p = \sigma_v K_{\rm I} \tag{5}$$

gdzie:  $e_1$  – jednostkowe parcie gruntu na ścianę z uwzględnieniem ograniczeń dotyczą-

cych możliwego stanu odporowego (rys. 5a – linie 4),

 $\sigma_{hr}$  – rezydualne naprężenia porównawcze,

 $\Delta h - p$  – relaksacja plastyczna,

 $\sigma_v = \gamma z$  – naprężenia pionowe (baza porównawcza przed i po zjeździe maszyny),

 $K_{\rm I}$  – współczynnik odporu wzbudzonego na skutek zagęszczenia zasypki  $1 \le K_{\rm I} < K_p$ .

Interpretując zmiany naprężeń w spągu kolejnych warstw przy powtarzalnych cyklach "obciążenie – odciążenie" (*n*-krotne przejazdy maszyny), przykładowo wskazano (rys. 5b-I):



Rys. 5. Schemat ideowy wzbudzania parcia gruntu przy warstwowym zagęszczaniu zasypki za sztywną ścianą oporową: a – wykresy naprężeń poziomych w poszczególnych fazach nadbudowy nasypu (linie 1–6 objaśnione w tekście), b – ścieżki naprężeń odpowiadające strefowym wydzieleniom I–III

- Fig. 5. Computational scheme of earth pressure at rest for granuler backfill compacted in layers: a – horizontal stress distributions in respective loading – unloading – reloading phases (lines 1–6 explained in the paper), b – stress paths corresponding with earth pressure zones I–III
- i = 2 ścieżkę C-K-A-B-C = C-K-A-B'-C (relaksacja dwufazowa  $\overline{\Delta}_h = \overline{\Delta}_{h-s} + \overline{\Delta}_{h-p}$ ),
- − i = 3 –ścieżkę E-L-D-E (relaksacja quasi-sprężysta,  $\Delta_{h-s} > 0, \Delta_{h-p}$ ), gdzie warunek  $\sigma_{hr} = e_1 \text{ przy } \overline{\Delta}_{h-p} = 0$  determinuje zasięg strefy odporowej *H*<sub>I</sub>.

**Strefa II** (rys. 5a-II). Zwracając uwagę na odmienny mechanizm "kodowania naprężeń" wzbudzonych w strefach I i II, na rysunku 5a zilustrowano fazowe zmiany naprężeń poziomych w stropie i spągu warstwy i = 4, gdzie:  $\sigma_{hE} = e_{IE} - \text{początkowe naprężenia}$ poziome na głębokości  $z_4 = H_I + \Delta H_1$  przed ułożeniem warstwy i = 1, równe końcowym naprężeniom rezydualnym na głębokości  $z_3 = H_I$ ,  $\sigma_{hE} = e_{IIE}$ , – jednostkowe parcie gruntu na ścianę na głębokości  $z_4 = H_I + \Delta H_1$ , po ułożeniu i zagęszczeniu warstwy i = 1.

Fazowe zmiany naprężeń na głębokości  $z_4$  w cyklu "obciążenie – odciążenie" ilustruje ścieżka E-F ( $\Delta H_1$ )-P-F (rys. 5b-II), gdzie odcinek E\*-F odwzorowuje przyrost naprężeń poziomych w spągu warstwy i = 4 w wyniku nadkładu  $\Delta H_1$ . Przy nadbudowie naziomu i zanikających wraz z głębokością z impulsach sprężystych  $\Delta_{(v,h)}$  (q, z), gdzie

 $\Delta_4^{\text{EF}} > \Delta_5^{\text{RG}} > ... \Delta_{\nu,h}^{\text{L}} \approx 0$  – według wskazanej tu prawidłowości otrzymuje się w strefie II liniowy rozkład parcia (rys. 5a – linia 4-II)

$$e_{\rm II} = e_{\rm Imax} + (z - H_1) \,\gamma \,K_{\rm II} \tag{6}$$

gdzie: e<sub>Imax</sub> – maksymalne naprężenia odporowe wzbudzone w strefie I (5),

 $K_{\text{II}}$  – strefowy współczynnik parcia (rys. 5b – ścieżka E-L).

Uwzględniając warunek brzegowy  $e_{IImax} = \gamma(H_I + H_{II})K_{0,NC}$ , można określić zasięg strefy przejściowej  $H_{II}$ .

**Strefa III** (rys. 5a-III). Przy dalszej nadbudowie naziomu przesuwające się obciążenia powierzchniowe *q*, powodujące zagęszczanie górnych warstw nakładowych, nie ma wpływu na stan naprężenia w gruncie, występujący na głębokości  $z > H_{\rm I} + H_{\rm II}$ . W strefie III, której zasięg  $H_{\rm III} = H - (H_{\rm I} + H_{\rm II})$  wynika z wysokości nasypu (obsypki ściany), naprężenia od ciężaru nadkładu przekraczają uprzednio "zakodowane" naprężenia odpowiadające prekonsolidacji mechanicznej. W tej części ściany występuje liniowy rozkład parcia spoczynkowego, jak przy gruntach normalnie skonsolidowanych (NC, rys. 5a – linia 4-III; rys. 5b – ścieżka L-M-N...):

$$e_{\rm III} = e_{\rm Imax} + \gamma (z - H_{\rm I} - H_{\rm II}) K_{\rm III} \equiv \gamma \ z \ K_{\rm III} \tag{7}$$

gdzie:  $K_{\text{III}} = K_{0,\text{NC}} - \text{współczynnik parcia spoczynkowego w ujęciu (1) i (2)}.$ 

# Wskazania aplikacyjne

Zasięg stref zwiększonego parcia gruntu w istotny sposób zależy od grubości układanych warstw, rodzaju maszyn i wymaganego zagęszczenia zasypki [Ingold 1979, Rymsza 1997]. Orientacyjnie można przyjąć następujące wskazania:

- −  $H_{\rm I} = 0,3-0,5$  m − odpowiednio przy cienkich warstwach ( $\Delta H_{-}i \approx 0,2$  m) i lekkim sprzęcie mechanicznym, zwiększając strefę  $H_{\rm I}$  przy grubych warstwach ( $\Delta H_{-}i \approx 0,4$  m) i ciężkich walcach wibracyjnych,
- −  $H_{\text{II}} = (8-12)H_{\text{I}}$  odpowiednio przy piaskach drobnych i małym wskaźniku zagęszczenia ( $I_s \le 0.95$ ) oraz przy piaskach grubych i żwirach bardzo zagęszczonych ( $I_s \ge 1.0$ ).

Zwiększone parcie gruntu należy uwzględniać nie tylko przy sztywnych konstrukcjach, które nie ulegają przemieszczeniom w fazie zagęszczania zasypki, ale również przy wymiarowaniu wytrzymałościowym wspornika (przy sprawdzaniu stanu granicznego STR) w stosunkowo podatnych ściankach płytowo-kątowych (rys. 6). Zwraca się bowiem uwagę, że jakkolwiek odkształcenia ścianki wspornikowej zmniejszają parcie gruntu, częściowo "wygaszając" efekt nadciśnienia wzbudzonego w warstwach dolnych, to górne warstwy układane i zagęszczone przy występujących już odkształceniach ponownie zwiększają docisk gruntu do ściany. W efekcie końcowym parcie gruntu i moment zginający  $M_{\alpha}$  (rys. 6 – przekrój C-C') mogą być dużo większe od wartości zazwyczaj przyjmowanych w obliczeniach projektowych, na co wskazują stosunkowo częste awarie tego rodzaju ścianek. Traktując parcie zasypki ( $E_{oz}$ ) jako siłę strukturalną powiązaną z blokiem gruntowym CKB'B, przy sprawdzeniu stateczności konstrukcji i/lub analizowaniu przemieszczeń  $\rho(s, \Delta, \theta)$  należy uwzględniać parcie i odpór zewnętrzny (rys. 6 – linie 3 i 4).



- Rys. 6. Prefabrykowana ścianka oporowa płytowo-kątowa: a opis geometryczny ścianki według PN 83/B 03010, b rozkład parcia gruntu i moment zginający ( $M_{\alpha}$ ) przy warstwowym zagęszczaniu zasypki (linie 1–4 objaśnione w tekście)
- Fig. 6. Plate-cantilever retaining wall: a geometrical description according to PSC [PN 83/ B-03010:1983], b – earth pressure distributions and bending moment  $(M_{\alpha})$  for backfill compacted in layers (lines 1–4 explained in the paper)

## WNIOSKI I STWIERDZENIA

Przedstawiony algorytm (rys. 5) wyjaśnia "mechanizm" powstawania parcia gruntu przy zagęszczaniu zasypki za sztywną ścianą oporową. Stanowi zarazem uzasadnienie wskazań projektowych podanych w Eurokodzie E C7-1. Z analizy wynika, że wartość i rozkład parcia – a więc: strefa nadciśnienia ( $H + H_{\rm II}$ ), dodatkowe parcie wzbudzone przez urządzenie zagęszczające (w interpretacji graficznej pola trójkąta OEL – rys. 5a) oraz porównawczy współczynnik parcia  $K_0$  (4) – w istotny sposób zależą od warunków technologicznych budowy nasypu oraz od wysokości konstrukcji.

Z przeprowadzonej analizy wynikają następujące wnioski:

1. W przypadku niskich ścian, układania grubych warstw gruntu i ich zagęszczania ciężkim sprzętem mechanicznym wzbudzone parcie spoczynkowe jest ekwiwalentne stanom odporowym; przy  $H_S \approx (1-2)H_{\rm I}$  należy przyjmować współczynnik porównawczy  $K_0 \approx 1 \gg K_{(0,\rm NC)}$ .

2. Przy tej samej wysokości ściany, układając warstwy gruntu o małej miąższości i stosując lekki sprzęt wibracyjny, przy podobnym zagęszczeniu zasypki ukazuje się mniejsze parcie gruntu na konstrukcję (strefy I, II – przy zmniejszonym zasięgu strefy  $H_{\rm I}$  w relacji porównawczej do przypadku 1.); przy mniejszej strefie odporowej wyznacza się mniejszą wartość współczynnika wypadkowego parcia  $K_0$  (4), gdzie  $K_{(0,\rm NC)} < K_0$  ( $H_{\rm I}$ ,  $H_{\rm II}$ ) <  $K_{\rm I}$ .

3. Przy wysokich konstrukcjach, postępując jak w przypadku 2. otrzymuje się rozkład parcia, w którym strefy nadciśnienia są stosunkowo małe; przy wyznaczaniu wypadkowego parcia można przyjmować współczynnik  $K_0 \approx K_{0,NC}$ .

4. Przy takiej samej wysokości ściany i równym stopniu zagęszczenia gruntu wartość i rozkład parcia mogą być różne, zależnie od sposobu zagęszczania zasypki (por. p. 1. i 2.). Wyjaśnia to stosunkowo dużą rozbieżność wyników badań podawanych w literaturze, zarówno co do wartości współczynnika parcia ( $K_0$ ), jak i współczynnika położenia wypadkowej ( $\eta_0$ ).

5. Z przedstawionej analizy wynikają przesłanki teoretyczne potwierdzające krzywoliniowość rozkładu parcia spoczynkowego gruntu. Uwzględniając warunki rzeczywiste i "płynną" redystrybucję naprężeń poziomych, strefowe wydzielenia I–III należy tu traktować jako aproksymacyjny schemat analityczny. Przy krzywoliniowym rozkładzie parcia przyjmowanie w obliczeniach projektowych współczynnika parcia spoczynkowego w ujęciu definicyjnym  $K_0$  (2) nie ma uzasadnienia.

6. Wymiarowanie prefabrykowanych ścian żelbetowych na parcie czynne nie jest właściwe. Ponieważ są to niskie ścianki ( $H_s < H_I + H_{II}$ ), więc w obliczeniach wytrzymałościowych płyty wspornikowej należy uwzględnić zwiększone parcie gruntu, a tym samym również większe wartości momentu zginającego i sił ścinających.

# PIŚMIENNICTWO

- Ingold T.S., 1979. Retaining Wall Performance during Backfilling. Journal of Geotechnical Engineering, ASCE 105–5, 613–626.
- Mayne P.W., Kulhawy F.H., 1982. K<sub>0</sub>-OCR Relationships in Soil. Journal of Geotechnical Engineering, ASCE 108–6, 851–872.
- PN-EN 1997-1:2008 Eurokod 7. Projektowanie geotechniczne. Część 1 Zasady ogólne.
- PN-EN 1997-2:2009 Eurokod 7. Projektowanie geotechniczne. Część 2 Rozpoznanie i badanie podłoża gruntowego.
- PN-83/B-03010 Ściany oporowe. Obliczenia statyczne i projektowanie.
- Rymsza B., 1997. Determination of loading and displacements of the backfilled retaining wall due to soil-structure interaction. Proc. XIV Int. Conf. SMFE, Hamburg, 2, 1245–1248.
- Rymsza B., 2004. Parcie spoczynkowe gruntu przy warstwowym zagęszczeniu zasypki. Inżynieria i Budownictwo 6, 339–342.
- Rymsza B., 2008. Projektowanie masywnych ścian oporowych z uwzględnieniem współzależności parcia gruntu i przemieszczeń konstrukcji. Proc. XVII Polish – Russian – Slovak Seminar "Theoretical Foundation of Civil Eng, University of Žilina, 213–221.
- Seed R.B., Duncan J.M., 1986. FE Analyses: Compaction Induced Stresses and Deformations. Journal of Geotechnical Engineering, ASCE, 112–1, 23–43.
- Terzaghi K., 1934. Large Retaining Wall Tests (I) Pressure of Dry Sand. Engineering News Record 112, 136–140.

# COEFFICIENT OF EARTH PRESSURE AT REST FOR BACKFILL COMPACTED IN LAYERS

**Abstract.** Taking into account general design recommendations given in the Eurocode EC 7-1 for backfilled retaining structures, the problem of determination of the coefficient of earth pressure at rest  $K_0$  is discussed. The case of compaction–induced earth pressure acting on the vertical rigid wall ( $\rho = 0$ ) – wherein compaction of fill layers ( $\Delta H = \text{const}$ ,  $I_S = \text{const}$ ) is realized by removal mechanical loading – is analyzed in details. In accordance with the hysteretic stress model HSM, where  $K_0 = \sigma'_h : \sigma'_v$  is determinated for normally consolidated (NC) and for over-consolidated (OC) soils (Fig. 3), three zones of earth pressure are presented (Fig. 5):  $H_{\rm I}$  – reaction zone for OC-soil, where the coefficient  $K_{\rm I} = K_{0,\rm OC} \approx \approx 1$ ;  $H_{\rm II}$  – mediate zone with residual stress coefficient  $K_{\rm II} = K_{0,\rm OC} < K_{\rm I}$ ;  $H_{\rm III}$  – typical zone for NC-soil, where  $K_{\rm III} = K_{0,\rm NC}$ . Additional compaction–induced earth pressure should be considered even in case of plate – cantilever retaining walls (in the STR – analysis). The relationship between lateral pressure and technical conditions of backfill compaction as well as height of the retaining structure are pointed out in final conclusions.

**Key words:** earth pressure at rest, mechanical preconsolidation, coefficient of earth pressure, retaining wall, compaction of backfill, compaction-induced horizontal stresses

Zaakceptowano do druku - Accepted for print: 22.07.2013